Министерство науки и высшего образования РФ ФГБОУ ВО «Ульяновский государственный университет» Инженерно-физический факультет высоких технологий

Кафедра радиофизики и электроники

Сабитов О. Ю.

МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ «ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ В КВАНТОВОЙ ОПТИКЕ»

Методические указания для самостоятельной работы студентов по дисциплине «**Численные методы в квантовой оптике**» / составитель: О. Ю. Сабитов.- Ульяновск: УлГУ, 2018.

Настоящие методические указания предназначены для студентов направления подготовки бакалавриата 03.03.03 «Радиофизика», изучающих дисциплину «Численные методы в квантовой оптике». В работе приведены литература по дисциплине, основные темы курса и вопросы в рамках каждой темы, рекомендации по изучению теоретического материала, контрольные вопросы для самоконтроля и тесты для самостоятельной работы.

Студентам они будут полезны при подготовке к практическим занятиям, а также к зачету по данной дисциплине. Рекомендованы к использованию ученым советом Инженерно-физического факультета высоких технологий УлГУ, протокол №11 от « 19» июня 2018 г.

1. ЛИТЕРАТУРА ДЛЯ ИЗУЧЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ.

- 1. Численные методы: учебник и практикум для академического бакалавриата / У. Г. Пирумов [и др.]; под редакцией У. Г. Пирумова. 5-е изд., перераб. и доп. Москва: Издательство Юрайт, 2017. 421 с. (Бакалавр. Академический курс). ISBN 978-5-534-03141-6. Текст: электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/402529
- 2. Бунин, М. А. Марle для студентов физиков. Часть 1: учебное пособие / М. А. Бунин. Ростов-на-Дону: Издательство Южного федерального университета, 2015. 231 с. ISBN 978-5-9275-1893-7. Текст: электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS: [сайт]. URL: http://www.iprbookshop.ru/78658.html
- 3. Назаров, В. В. Применение пакета Mathcad в задачах оптики лазеров : учебное пособие / В. В. Назаров, В. Ю. Храмов. Санкт-Петербург : Университет ИТМО, 2015. 66 с. ISBN 2227-8397. Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. URL: http://www.iprbookshop.ru/67582.html
- 4. Н. Т. Гурин, О. Ю. Сабитов. Влияние формы возбуждающего напряжения на яркость свечения тонкопленочных электролюминесцентных излучателей // Журнал технической физики, 1999, том 69, выпуск 2, с.64-69. http://journals.ioffe.ru/articles/viewPDF/35976

2.МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ

Тема 1. Понятие о численных методах решения уравнений. Основные вопросы темы:

- 1. Суть математического моделирования физических процессов [1, с.4-6].
- 2. Применение численных методов для решения дифференциальных уравнений квантовой оптики [1, с. 125-130].

Контрольные вопросы:

- 1. Математическое моделирование: преимущества теории и эксперимента.
- 2. Дискретное представление дифференциального уравнения. Переход к системе алгебраических уравнений.
- 3. Методы численного интегрирования. Метод трапеций, метод прямоугольников. Выбор шага разбиения.

Вопросы для самостоятельной работы:

- 1. Назовите преимущества и недостатки математического моделирования по сравнению с экспериментом
- 2. В чем заключается дискретное представление дифференциального уравнения?
- 3. Как осуществить переход от системы дифференциальных уравнений к системе алгебраических уравнений?

- 4. Какие задачи квантовой оптики можно решать численными методами?
- 5. По каким критериям осуществляется выбор шага разбиения?
- 6. Сформулируйте выводы.

Tema 2. Численные методы решения нелинейных уравнений в системе Maple или Mathcad.

Основные вопросы темы:

- 1. Возможности системы Maple или Mathcad для решения уравнений численными методами [2, с.166-169, 3].
- 2. Выбор метода решения численным методом в системе Maple или Mathcad [2, с.169-178, 3].

Контрольные вопросы:

- 1. Какой командой осуществляется решение дифференциальных уравнений в системах Maple или Mathcad?
- 2. Как осуществляется выбор метода решения численным методом в системе Maple или Mathcad?

Вопросы для самостоятельной работы:

- 1. Какие возможности имеет система Maple или Mathcad для решения дифференциальных уравнений численными методами?
- 2. Как осуществляется выбор численного метода решения дифференциальных уравнений в системе Maple или Mathcad?
- 3. Как осуществляется вывод результатов численного решения дифференциальных уравнений в системе Maple или Mathcad?
- 4. Как строятся графики решений численного решения дифференциальных уравнений в системе Maple или Mathcad?

Задания для самостоятельной работы:

- 1. Запишите команду системы Maple или Mathcad для решения дифференциальных уравнений.
- 2. Какой командой осуществляется выбор численного метода решения дифференциальных уравнений в системе Maple или Mathcad?
- 3. Выведете результат решения дифференциальных уравнений в системе Maple или Mathcad в виде графика с помощью команды plot.
- 4. Сформулируйте выводы.

Тема 3. Решение нелинейных дифференциальных уравнений квантовой оптики

Основные вопросы темы:

- 1. Уравнение кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции общего вида [4,с.64].
- 2. Физический смысл параметров этого уравнения кинетики [4, с.65-67]

Контрольные вопросы:

- 1. Уравнение кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции общего вида. Физический смысл параметров этого уравнения.
- 2. Уравнение кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции для напряжения возбуждения пилообразной формы. Вид решения данного уравнения

Вопросы для самостоятельной работы:

- 1. Что представляет собой уравнение кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции общего вида?
- 2. Какой вид имеет уравнение кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции для напряжения возбуждения пилообразной формы? Что представляет собой решение данного уравнения?
- 3. Какой вид имеет уравнение кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции для напряжения возбуждения трапецеидальной формы? Что представляет собой решение данного уравнения?

Задания для самостоятельной работы:

- 1. Введите в программу коэффициенты уравнения кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции.
- 2. Введите уравнение кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции с параметрами, заданные преподавателем.
- 3. Получите решение уравнение кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции для линейно изменяющегося напряжения возбуждения с параметрами, заданные преподавателем.

4. Получите решение уравнение кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции для напряжения возбуждения трапецеидальной формы с параметрами, заданные преподавателем.

5. Сформулируйте выводы.

Тема 4. Численное решение уравнения кинетики люминесценции с экспоненциальными коэффициентами

Основные вопросы темы:

- 1. Уравнение кинетики возбужденных центров свечения при возбуждении предпробойной электролюминесценции напряжением с экспоненциальным фронтом [4, с.67].
- 2. Вид решения уравнение кинетики возбужденных центров свечения при возбуждении предпробойной электролюминесценции напряжением с экспоненциальным фронтом [4, с.67]

Контрольные вопросы:

- 1. Уравнение кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции для напряжения возбуждения экспоненциальной формы.
- 2. Напряжение возбуждение типа меандр.
- 3. Вид решения уравнение кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции для напряжения возбуждения экспоненциальной формы

Вопросы для самостоятельной работы:

- 1. Какой вид имеет уравнение кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции для напряжения возбуждения экспоненциальной формы?
- 2. Можно ли использовать экспоненциальную форму для представления напряжения возбуждения типа меандр?
- 3. Что представляет собой решение данного уравнения?

Задания для самостоятельной работы:

1. Введите уравнение кинетики возбужденных центров свечения при возбуждении предпробойной люминесценции напряжением с экспоненциальным фронтом с параметрами, заданные преподавателем.

- 2. Получите решение уравнение кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции для напряжения возбуждения экспоненциальным фронотом с параметрами, заданные преподавателем.
- 3. Сформулируйте выводы.

Тема 5. Численное решение уравнения кинетики люминесценции с периодическими (гармоническими) коэффициентами Основные вопросы темы:

- 1. Уравнение кинетики возбужденных центров свечения при возбуждении предпробойной электролюминесценции гармоническим периодическим напряжением [4, с.68].
- 2. Вид решения уравнение кинетики возбужденных центров свечения при возбуждении предпробойной электролюминесценции гармоническим периодическим напряжением [4, c.68]

Контрольные вопросы:

- 1. Уравнение кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции для напряжения возбуждения гармонической формы.
- 2. Вид решения уравнения кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции для напряжения возбуждения гармонической формы.
- 3. Сравнение результатов решения уравнений различными численными методами интегрирования

Вопросы для самостоятельной работы:

- 1. Какой вид имеет уравнение кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции для напряжения возбуждения гармонической формы?
- 2. Что представляет собой решение данного уравнения?
- 3. Как влияет частота периодического гармонического напряжения на характер волн яркости излучения?

Задания для самостоятельной работы:

- 1. Введите уравнение кинетики возбужденных центров свечения при возбуждении предпробойной люминесценции гармоническим напряжением с параметрами, заданные преподавателем.
- 2. Получите решение уравнение кинетики возбужденных центров свечения при предпробойной люминесценции для гармонического напряжения возбуждения с параметрами, заданные преподавателем.
- 3. Проведите сравнение результатов решения уравнение кинетики возбужденных центров свечения при возбуждении предпробойной люминесценции различными численными методами.
- 4. Сформулируйте выводы.

Пример программы в системе Maple для решения уравнения кинетики возбужденных центров свечения при возбуждении предпробойной электролюминесценции напряжениями линейно нарастающей, экспоненциальной и гармонической форм.

```
Марle V Release 4 - [решение кинет уравнения для 3х форм напряжения.mws]
                                                                                                                                        File Edit View Insert Format Options Window Help
x 🕹 (/) / T:=1/f;
> restart:
> e:=1.6*10^(-19);
                                                               e := .1600000000 \ 10^{-18}
> sigma:=10^(-16);
                                                              > N0:=10^20;
                                                           > Cd:=10^(-9);
                                                                 > f:=1000;
                                                                     f = 1000
> T:=1/f:
                                                                     T := \frac{1}{1000}
> S:=10^(-6);
                                                                   S := \frac{1}{1000000}
> Um:=160;
                                                                     Um := 160
> tau1:=10^(-7);
                                                                   \tau 1 := \frac{1}{10000000}
> tau:=0.001;
                                                                     \tau := .001
> U1:=(4*Um/T)*t;
                                                                                                                             Time: 0.8s Bytes: 3071K Free: 4194303K
                                                                                                                                        Maple V Release 4 - [решение кинет уравнения для 3х форм напряжения.mws]
File Edit View Insert Format Options Window Hel
x 4 (/) / T:=1/f;
 > U2:=Um*(1-exp(-t/tau1));
                                                           U2 := 160 - 160 e^{(-100000000 t)}
> U3:=Um*sin(2*Pi*f*t);
                                                               U3 := 160 \sin(2000 \pi t)
> plot (U2, t=0..T):
> j1:=Cd/S*(diff(U1, t));
                                                                     j1 := 640
 > j2:=Cd/S*(diff(U2, t));
                                                           j2 := 1600000 e^{(-100000000 t)}
 > j3:=Cd/S*(diff(U3, t));
                                                              j3 := 320 \cos(2000 \pi t) \pi
> alpha1:=(sigma/e)*j1;
                                                                 \alpha 1 := 400000.0000
> alpha2:=(sigma/e)*j2;
                                                       \alpha 2 := .10000000000 \ 10^{10} \ \mathbf{e}^{(-100000000 \ t)}
> alpha3:=(sigma/e)*j3;
                                                          \alpha 3 := 200000.0000 \cos(2000 \pi t) \pi
> plot(j3, t=0..0.001):
 > N1:=dsolve (\{diff(N(t), t) = alpha1*(N0-N(t)) - N(t)/tau, N(0)=0\}, N(t)\};
                                           NI := N(t) = .9975062344 10^{20} - .9975062344 10^{20} e^{(-401000.t)}
> N2:=dsolve ({diff(N(t), t) = alpha2*(N0-N(t)) - N(t)/tau, N(0)=0}, N(t));
                  N2 := N(t) = .100000000010^{30} \int_{e}^{t} \left( -100. e^{\left( -.10000000010^{8} u \right)} -.999900010^{7} u \right) du e^{\left( 100. e^{\left( -.1000000010^{8} t \right)} -1000. t \right)}
                                                                                                                             Time: 0.8s Bytes: 3071K Free: 4194303K
```



